### Info III Tutorium

Thomas Pajor



ITI Sanders

23. Januar 2007

### Aufgabe 1

Das Halteproblem  ${\mathcal H}$  sei wie folgt definiert:

$$\mathcal{H} := \{ wv \mid \mathcal{T}_w \text{ hält auf Eingabe } v \}$$

Zeigen Sie dass das Halteproblem nicht entscheidbar ist. Hinweis: Es reicht zu zeigen, dass das *spezielle Halteproblem* 

$$\mathcal{H}_{\mathsf{spez}} := \{ w \mid \mathcal{T}_w \text{ hält auf Eingabe } w \}$$

nicht entscheidbar ist.

### Zum Halteproblem

# function HalteTest(Programm, Eingabe)

```
if Programm(Eingabe) terminiert
  return JA
else
  return NEIN
```

#### function Test(Programm)

```
while (HalteTest(Programm, Programm) == JA) {}
```

## Zum Halteproblem

# function HalteTest(Programm, Eingabe)

```
if Programm(Eingabe) terminiert
  return JA
else
  return NEIN
```

### function Test(Programm)

```
while (HalteTest(Programm, Programm) == JA) {}
```

### Aufgabe 2

Zeigen Sie dass die Sprache

$$L_{\mathsf{\ddot{a}quiv}} := \{ u \# v \mid L(\mathcal{T}_u) = L(\mathcal{T}_v) \}$$

nicht entscheidbar ist.

#### Definition

Eine Turingmaschine heißt *platzbeschränkt*, falls der Schreib/Lesekopf niemals den Bereich der Eingabe verlässt.

### Aufgabe 3

Geben Sie einen Algorithmus (in Pseudo–Code) an, der das Halteproblem auf Eingaben  $\langle T \rangle w$  korrekt berechnet, wobei  $w \in \{0,1\}^*$  und  $\langle T \rangle$  Gödelnummer einer platzbeschränkten Turingmaschine ist.

#### Definition

Eine Turingmaschine heißt *platzbeschränkt*, falls der Schreib/Lesekopf niemals den Bereich der Eingabe verlässt.

### Aufgabe 3

Geben Sie einen Algorithmus (in Pseudo–Code) an, der das Halteproblem auf Eingaben  $\langle \mathcal{T} \rangle w$  korrekt berechnet, wobei  $w \in \{0,1\}^*$  und  $\langle \mathcal{T} \rangle$  Gödelnummer einer platzbeschränkten Turingmaschine ist.