## Info III Tutorium

Thomas Pajor



**ITI Sanders** 

21. November 2006

# Punkteverteilung

## Übungsblatt 3

- ► Aufgabe 1 6P
- ► Aufgabe 2 5P
- $\Rightarrow$  11 Punkte insgesamt

## Beweistechniken

#### Ziel

Gegeben seien zwei Aussagen A und B. Wir möchten zeigen:

$$A \Rightarrow B$$

"Wenn A gilt, dann auch B."

## Beweistechniken

#### Ziel

Gegeben seien zwei Aussagen A und B. Wir möchten zeigen:

$$A \Rightarrow B$$

"Wenn A gilt, dann auch B."

#### Verfahren

- Direkter Beweis
- Widerspruchsbeweis
- ▶ Beweis durch Kontraposition

### Verfahren

Dies ist das wohl einfachste Verfahren:

▶ Nimm A als wahr an

### Verfahren

Dies ist das wohl einfachste Verfahren:

- ▶ Nimm A als wahr an
- Benutze Sätze oder Konstruktion um eine Kette von Implikationen aufzubauen

$$A \Rightarrow P_1 \Rightarrow \ldots \Rightarrow P_k \Rightarrow B$$

### <u>Ve</u>rfahren

Dies ist das wohl einfachste Verfahren:

- ▶ Nimm A als wahr an
- Benutze Sätze oder Konstruktion um eine Kette von Implikationen aufzubauen

$$A \Rightarrow P_1 \Rightarrow \ldots \Rightarrow P_k \Rightarrow B$$

▶ Aus der Transitivität von " $\Rightarrow$ " folgt  $A \Rightarrow B$ 

### Verfahren

Dies ist das wohl einfachste Verfahren:

- ▶ Nimm A als wahr an
- Benutze Sätze oder Konstruktion um eine Kette von Implikationen aufzubauen

$$A \Rightarrow P_1 \Rightarrow \ldots \Rightarrow P_k \Rightarrow B$$

- ▶ Aus der Transitivität von " $\Rightarrow$ " folgt  $A \Rightarrow B$
- ▶ B ist unter Annahme von A wahr

# Widerspruchsbeweis

## Verfahren

Zeige statt  $A \Rightarrow B$  dass  $\neg(A \Rightarrow B)$  nicht gilt.

▶ Umformen ergibt

$$\neg(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow \neg(\neg A \lor B)$$
$$\Leftrightarrow A \land \neg B$$

# Widerspruchsbeweis

## Verfahren

Zeige statt  $A \Rightarrow B$  dass  $\neg(A \Rightarrow B)$  nicht gilt.

▶ Umformen ergibt

$$\neg(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow \neg(\neg A \lor B)$$
$$\Leftrightarrow A \land \neg B$$

Negiere B und zeige, dass  $\neg B$  zusammen mit A zu einem Widerspruch führt

# Widerspruchsbeweis

#### Verfahren

Zeige statt  $A \Rightarrow B$  dass  $\neg(A \Rightarrow B)$  nicht gilt.

▶ Umformen ergibt

$$\neg(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow \neg(\neg A \lor B)$$
$$\Leftrightarrow A \land \neg B$$

- Negiere B und zeige, dass  $\neg B$  zusammen mit A zu einem Widerspruch führt
- ▶ Also ist  $A \land \neg B$  falsch was  $A \Rightarrow B$  ist wahr entspricht

# Beweis durch Kontraposition

#### Verfahren

Statt  $A \Rightarrow B$  zeige die duale Aussage  $\neg B \Rightarrow \neg A$ .

▶ Umformen liefert

$$A \Rightarrow B \Leftrightarrow \neg A \lor B$$
$$\Leftrightarrow \neg A \lor \neg \neg B$$
$$\Leftrightarrow \neg \neg B \lor \neg A$$
$$\Leftrightarrow \neg B \Rightarrow \neg A$$

▶ Zeige also  $\neg B \Rightarrow \neg A$  durch eine Kette von Implikationen ( $\rightsquigarrow$  Direkter Beweis)

# Aufgabe

## Aufgabe 1

Sei  $\Sigma:=\{0,1\}$ . Zeigen Sie unter Verwendung des Pumping Lemma, dass die Sprache der Palindrome gerader Länge, also

$$L := \{ww^R \mid w \in \Sigma^*\}$$

nicht regulär ist.

# Aufgabe

### Aufgabe 2

Zu  $\Sigma := \{0\}$  sei die Sprache

$$L := \{0^{k^2} \mid k \in \mathbb{N}\}$$

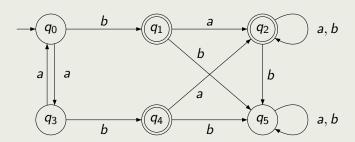
also die Sprache aller Wörter mit quadratischer Länge, definiert. Zeigen Sie mit Hilfe des Pumping Lemma, dass L nicht regulär ist.

Ist die Sprache  $L_N := \{0^{k^2} \mid k \leq N\}$  regulär?

# Aufgabe

### Aufgabe 3

Gegeben sei folgender DEA  $\mathcal{A} := (Q, \{a, b\}, \delta, s, F)$ 



Bestimmen Sie einen äquivalenten, minimalen DEA.